BULLETIN DE LA S. M. F.

WEILL

Sur une propriété d'une classe de courbes algébriques

Bulletin de la S. M. F., tome 18 (1890), p. 154

<http://www.numdam.org/item?id=BSMF_1890__18__154_1>

© Bulletin de la S. M. F., 1890, tous droits réservés.

L'accès aux archives de la revue « Bulletin de la S. M. F. » (http://smf.emath.fr/Publications/Bulletin/Presentation.html) implique l'accord avec les conditions générales d'utilisation (http://www.numdam.org/conditions). Toute utilisation commerciale ou impression systématique est constitutive d'une infraction pénale. Toute copie ou impression de ce fichier doit contenir la présente mention de copyright.

NUMDAM

Article numérisé dans le cadre du programme
Numérisation de documents anciens mathématiques
http://www.numdam.org/

Sur une propriété d'une classe de courbes algébriques;
par M. WEILL.

Étant données trois courbes ω_1, ω_2, ω_3 ayant pour équations

$$y^m = Ax^p,$$
$$y^m = Bx^p,$$
$$y^m = Cx^p,$$

un triangle ABC se déplace de manière que ses sommets soient situés sur la première, les côtés AB et BC étant respectivement tangents aux deux autres, l'enveloppe du côté AC est une quatrième courbe ω_4 faisant partie du même système; de plus, si d'un point A′ de ω_1 on mène une tangente A′C′ à ω_4, puis du point C′ une tangente C′B′ à ω_3, la droite A′B′ sera tangente à ω_2; en d'autres termes, on peut intervertir les sommets.

Ce théorème, d'une démonstration facile, se généralise immédiatement pour une ligne polygonale d'un nombre quelconque de sommets, et il présente une analogie complète avec le théorème de Poncelet relatif à une ligne polygonale inscrite dans une conique et dont les côtés sont tangents à d'autres coniques faisant partie, avec la première, d'un même faisceau linéaire.